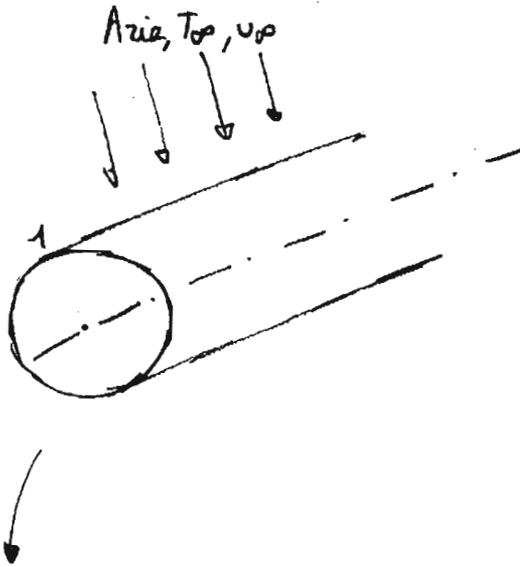


Es. 7.6



$$d_1 = 0,0025 \text{ m}$$

$T_1 = 93^\circ\text{C}$ in tutta la lastrina

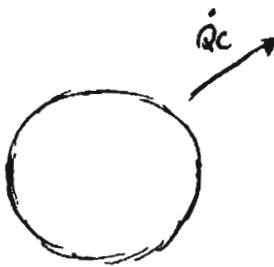
$$T_\infty = 16^\circ\text{C}$$

$$v_\infty = 2,2 \text{ m/s}$$

Proprietà del rame a 20°C

Proprietà dell'aria a T_∞

$$\gamma = ? \quad \Delta t \text{ applichi } T = 27^\circ\text{C}$$



Calcoliamo $h_c = \frac{Nu K}{L}$

CONV. FORZATA

$$T_{\text{surf}} = T_\infty$$

$$K = 0,0254$$

$$Re = \frac{v_\infty L}{\nu} = 374$$

$$L = d_1$$

$$Pr = 0,715$$

$$\mu_\infty = \mu \text{ a } T = T_\infty = 17,9 \cdot 10^{-6}$$

$$\mu_s = \mu \text{ a } T = T_1 = 21,4 \cdot 10^{-6}$$

Calcoliamo $K_{\text{rame}} = 399 \frac{\text{W}}{\text{m}\cdot\text{K}}$

$$Nu = [0,40 Re^{1/2} + 0,06 Re^{2/3}] Pr^{2/5} \left(\frac{\mu_\infty}{\mu_s}\right)^{1/4} = 8,97$$

$$h_c = 91,1 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\cdot\text{K}}$$

Calcoliamo il numero di Biot:

$$Bi = \frac{h_c L_c}{K}$$

$$L_c = \frac{\gamma}{2} = \frac{d_1}{4} = 0,00064 \text{ m}$$

||

$$1,46 \cdot 10^{-4} \ll 0,1$$

OK applichiamo la formula:

per rame
a 20°C



$$\frac{T - T_\infty}{T_1 - T_\infty} = e^{-\frac{d}{\delta}}$$

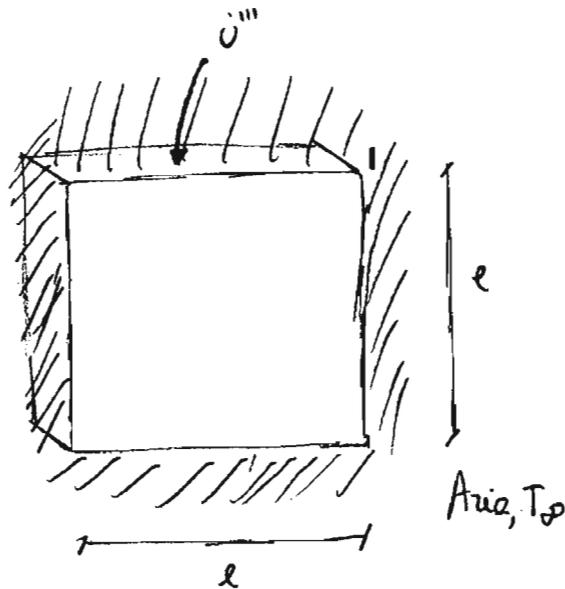
$$\gamma = \frac{peV}{h_c A} = \frac{pe}{h_c} L_c = 24 \frac{1}{s}$$

$$T = 27^\circ\text{C} \quad T_1 = 93^\circ\text{C}$$

$$\delta = 46,7 \text{ s}$$

Es. 3

Piastre con tutte le facce caldate
tranne quella in vista

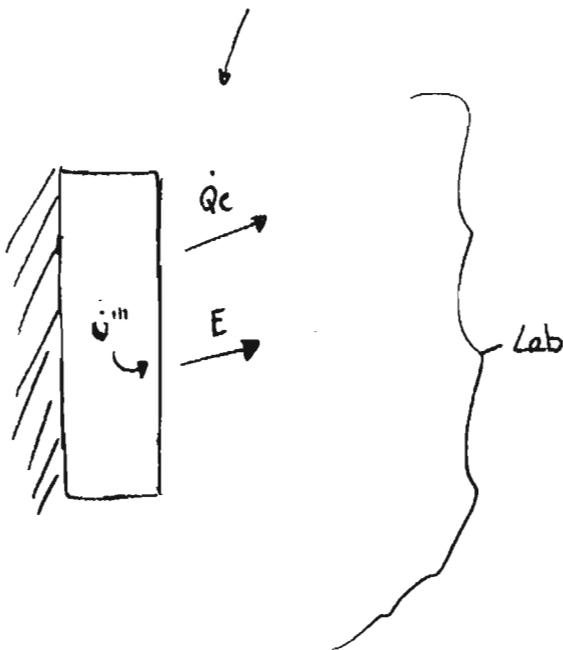


$$T_{\infty} = 16^{\circ}\text{C}$$

$$T_1 = 616^{\circ}\text{C}$$

raggiunta con $\dot{q}''' = 4000 \text{ W}$

$$l = 0,35 \text{ m}$$



Bilancio in termini di potenza:

$$\dot{q}''' = E \cdot S + \dot{q}_c$$

$$E = \frac{\dot{q}''' - \dot{q}_c}{l^2} = 27902 \text{ W}$$

$$E = \epsilon \sigma_0 T_1^4 = 27902$$

$$\epsilon = \frac{27902}{\sigma_0 T_1^4} = 0,79$$

$$\dot{q}_c = h_c \cdot l^2 (T_1 - T_{\infty}) = 582 \text{ W}$$

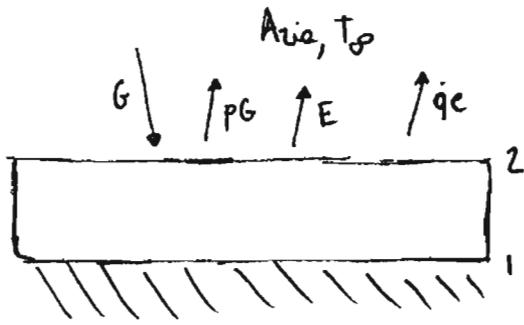
$$h_c = \frac{Nu k}{L} = 7,9 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{K}}$$

$$T_{\text{ref}} = \frac{T_1 + T_{\infty}}{2} = 316^{\circ}\text{C} \quad L = l = 0,35 \text{ m}$$

$$Pr = \frac{g \beta \Delta T L^3}{\nu^2} = 169,8 \cdot 10^6 \quad Pr = 0,699$$

$$K = 0,045 \quad Re = 118,7 \cdot 10^6$$

$$Nu = 0,59 \cdot Re^{1/4} = 61,6$$



$\epsilon_2 = 0,5$

$T_2 = 60^\circ\text{C}$

$T_0 = 16^\circ\text{C}$

$S_{12} = 0,01\text{ m}$

$A = 1,45\text{ m}^2 \Rightarrow l = \sqrt{A} = 1,2\text{ m}$

$G = ? \quad T_1 = ?$

Piastre quadrata

Tra le 2 superfici è flusso conduttivo, perché
 1) è adiabatico e siamo a regime.

• Calcoliamo $q_c = h_c (T_2 - T_0) = 253,1\text{ W/m}^2$

$h_c = \frac{Nu \cdot k}{L}$

\parallel
 $5,75 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

$T_{\text{avg}} = \frac{T_2 + T_0}{2} = 38^\circ\text{C}$

$L = l = 1,2\text{ m}$

$k = 0,0269$

$Pr = 0,712$

$Re = 6,155 \cdot 10^9$

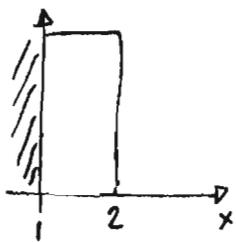
$f_r = \frac{9,81}{\nu^2} \Delta T L^3 = 8,645 \cdot 10^9$

$Nu = 0,14 \cdot Re^{1/3} = 256,6$

• Bilancio su 2: $G = p_2 G + E + q_c$

$G = \frac{E + q_c}{\epsilon_2} = \frac{\epsilon_2 \sigma_0 T_2^4 + q_c}{\epsilon_2} = 1203,4 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$

• Per il calcolo di T_1 è necessario determinare il campo di temperature tra 1 e 2



$\frac{d^2 T}{dx^2} = -\frac{\ddot{q}''''}{k}$

$\frac{dT}{dx} = -\frac{\ddot{q}''''}{k} x + C_1$

$T(x) = -\frac{\ddot{q}''''}{2k} x^2 + C_1 x + C_2$

con le condizioni:

1) Lasta adiabatica $-k \frac{dT}{dx} /_{x=0} = 0 \Rightarrow C_1 = 0$

2) $T_2 = 60 \Rightarrow$

$T(0,01) = C_2 = 60$

STRONZO! $\ddot{q}'''' = 0$

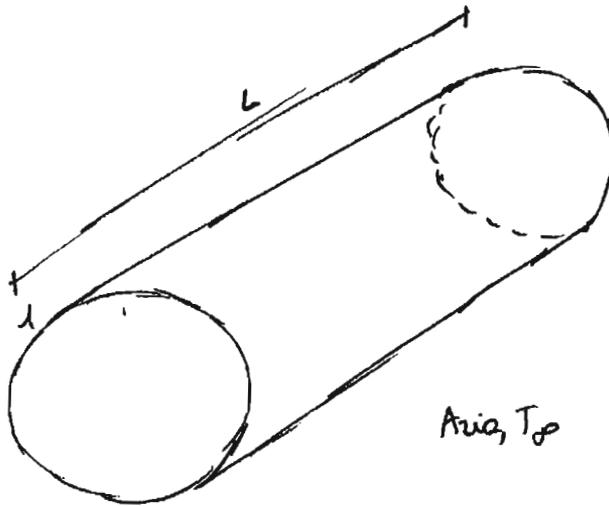
$\frac{d^2 T}{dx^2} = 0$

$\frac{dT}{dx} = C_1 \quad T(x) = C_1 x + C_2$

Il campo è: $T(x) = 60$

$T_1 = T(0) = 60^\circ\text{C}$

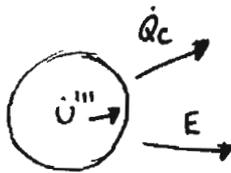
[Tutti i calcoli si potevano evitare, bastava dire che se $\ddot{q}'''' = 0$, la T è costante nella piastra]



$d_k = 0,018 \text{ m}$
 $\epsilon_1 = 0,9$
 $T_1 = 834^\circ\text{C}$
 $T_\infty = 20^\circ\text{C}$

Potissimo $L = 1 \text{ m}$, in modo da calcolare \dot{U}''' x unita' di lunghezza

Effettuiamo bilancio di potenza:



vi è solo E in quanto non vi è irradiazione e non vi sono corpi con cui scambiare calore x irraggiamento

$$\dot{U}''' = \dot{Q}_c + E \cdot S_1$$

$$\dot{Q}_c = h_c S_1 (T_1 - T_\infty) = 1409 \text{ W}$$

$$h_c = \frac{Nu K}{L}$$

$$15,3 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$$

$$T_{\text{rif}} = 427^\circ\text{C} \quad K = 0,0513$$

$$L = d_k \quad f_2 = \frac{9\beta}{\nu^2} \Delta T L^3 = 15077$$

$$Pr = 0,702 \quad Ra = 10584$$

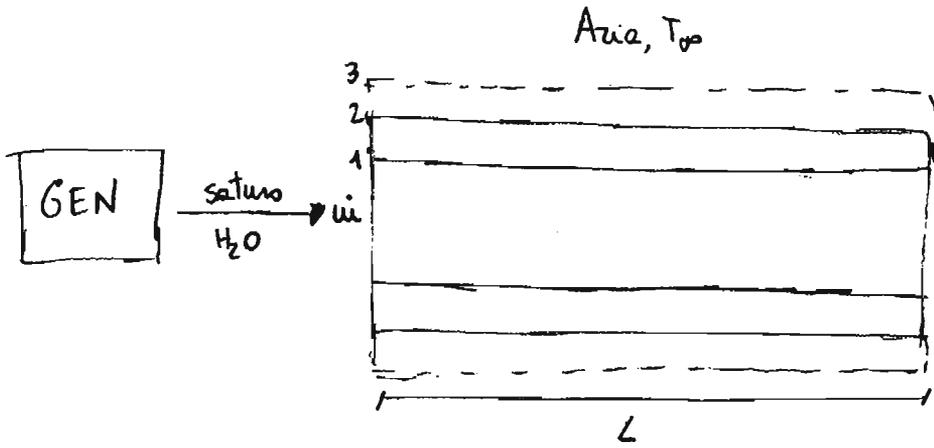
$$Nu = 0,53 Re^{1/4} = 5,4$$

$$E \cdot S_1 = \epsilon_1 S_1 \sigma_0 T_1^4 = 8667 \text{ W}$$

⇓

$$\dot{U}''' = 10076 \text{ W} \quad \times \text{ ogni metro di conduttore}$$

Es. 7.1



$T_{oo} = 20^\circ\text{C}$
 $d_1 = 0,24 \text{ m}$
 $s_{12} = 0,018 \text{ m}$
 $d_2 = 0,276 \text{ m}$
 $L = 62 \text{ m}$

$\left. \begin{matrix} H_2O \\ \text{Assumiamo} \end{matrix} \right\} \begin{matrix} u_i = 13,9 \text{ Kg/s} \\ T_H = 420^\circ\text{C} \\ P_H = 30 \text{ bar} \\ T_{uscita} \geq 400^\circ\text{C} \end{matrix}$
 un calcoli $T_{media} = 410^\circ\text{C}$

Trascurvo irragg.
 $h_3 = 46,5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$
 $h_1 = \infty$

s_{23} in modo de
 $T_{uscita} \geq 400^\circ\text{C}$

$k_{23} = 0,151 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
 $k_{12} = 19 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$

La potenza termica max che
 puo essere dispersa puo causare al

max $T_{uscita} = 400^\circ\text{C}$ - Calcolanda: $\dot{Q} = u_i (h_{uscita} - h_{ingresso})$

	P	T	h	s	x
ingresso	30	420	3277 ^B		Surv. ^B
uscita	30 ^A	400	3232		Surv. ^B

- Ⓐ Poiche non vi sono perdite di carico: $P_{uscita} = 30 \text{ bar}$
- Ⓑ In entrambi i casi, utilizzando p e T, notiamo che lo fase e vapore surriscaldato.

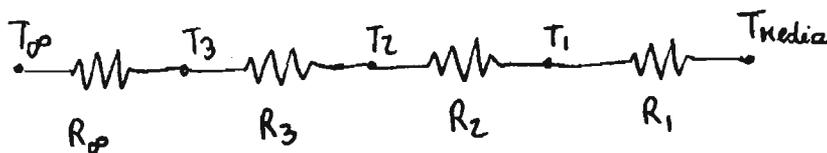
Determiniamo entalpie con Mollier

$\dot{Q} = u_i (h_2 - h_1) = 626 \text{ kW}$

→ Sappiamo che:

$(T_{media} - T_{oo}) = \dot{Q} \cdot R_{eq.}$

Ora schematizziamo il cilindro come serie di resistenze termiche



$R_{eq.} = R_1 + R_2 + R_3 + R_{oo}$

$R_1 = 0$ (resistenza interna convettiva trascurabile)

$R_3 = \frac{\log r_3/r_1}{2\pi k_{23} L} = ?$

$R_2 = \frac{\log r_2/r_1}{2\pi k_{12} L} = 1,89 \cdot 10^{-5} \frac{\text{K}}{\text{W}}$

$R_{oo} = \frac{1}{h_3 A_3} = \frac{1}{h_3 2\pi r_3 L} = ?$

Il nostro obiettivo e il calcolo di r_3 de ci dara lo spessore di anello (s_{23})

$$390 = R_{eq} \cdot 626 \rightarrow R_{eq} = 0,623 \frac{K}{W} = R_1 + R_2 + R_3 + R_{\infty}$$

$$\downarrow$$

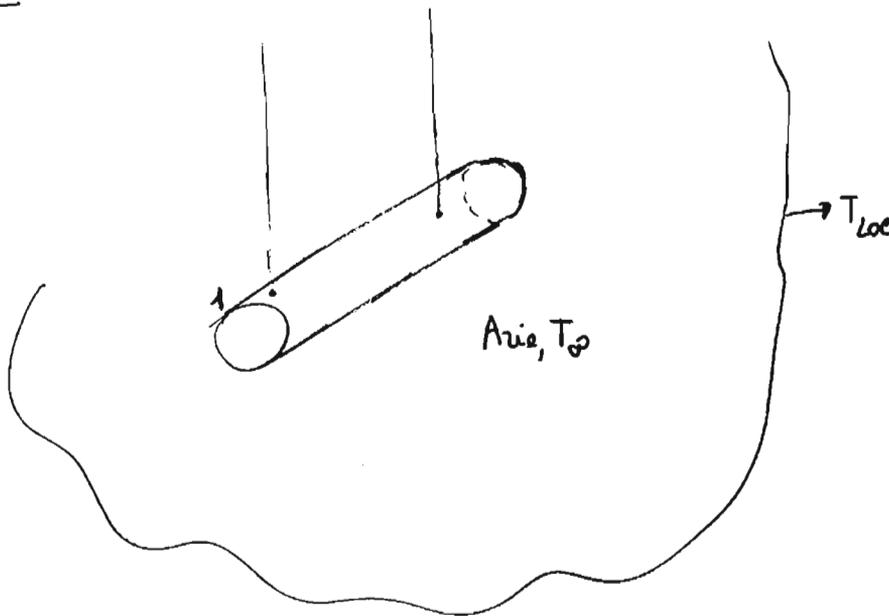
$$R_3 + R_{\infty} = 0,623 \cdot 10^{-3} K/W$$

$$0,017 (\log z_3 - \log z_1) + \frac{1}{18114 \cdot z_3} = 0,623 \cdot 10^{-3} K/W$$

$$0,017 \log z_3 + 0,036 + \frac{1}{18114 \cdot z_3} = 0,623 \cdot 10^{-3} K/W$$

Risolvere come intersezione di due rette con Derive

Es. 2



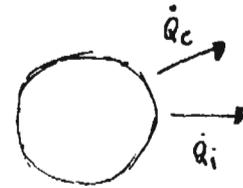
$$T_{loc} = 10^{\circ}C$$

$$T_{\infty} = 15^{\circ}C$$

$$\epsilon_1 = 0,87$$

$$d_1 = 0,2 m$$

$$T_1 = 115^{\circ}C$$



Il tubo perde potenza termica sia x convezione che irraggiamento

$$\frac{\dot{Q}_c}{\dot{Q}_i} = ?$$

Necessario il calcolo di h_c :

$$h_c = \frac{Nu K}{L} = 6,2 \frac{W}{m^2 K}$$

$$T_{rif} = \frac{T_1 + T_{\infty}}{2} = 65^{\circ}C \quad L = d_1$$

$$f_u = \frac{9 \beta}{\nu^2} \Delta T L^3 = 59,2 \cdot 10^6 \quad Pr = 0,708$$

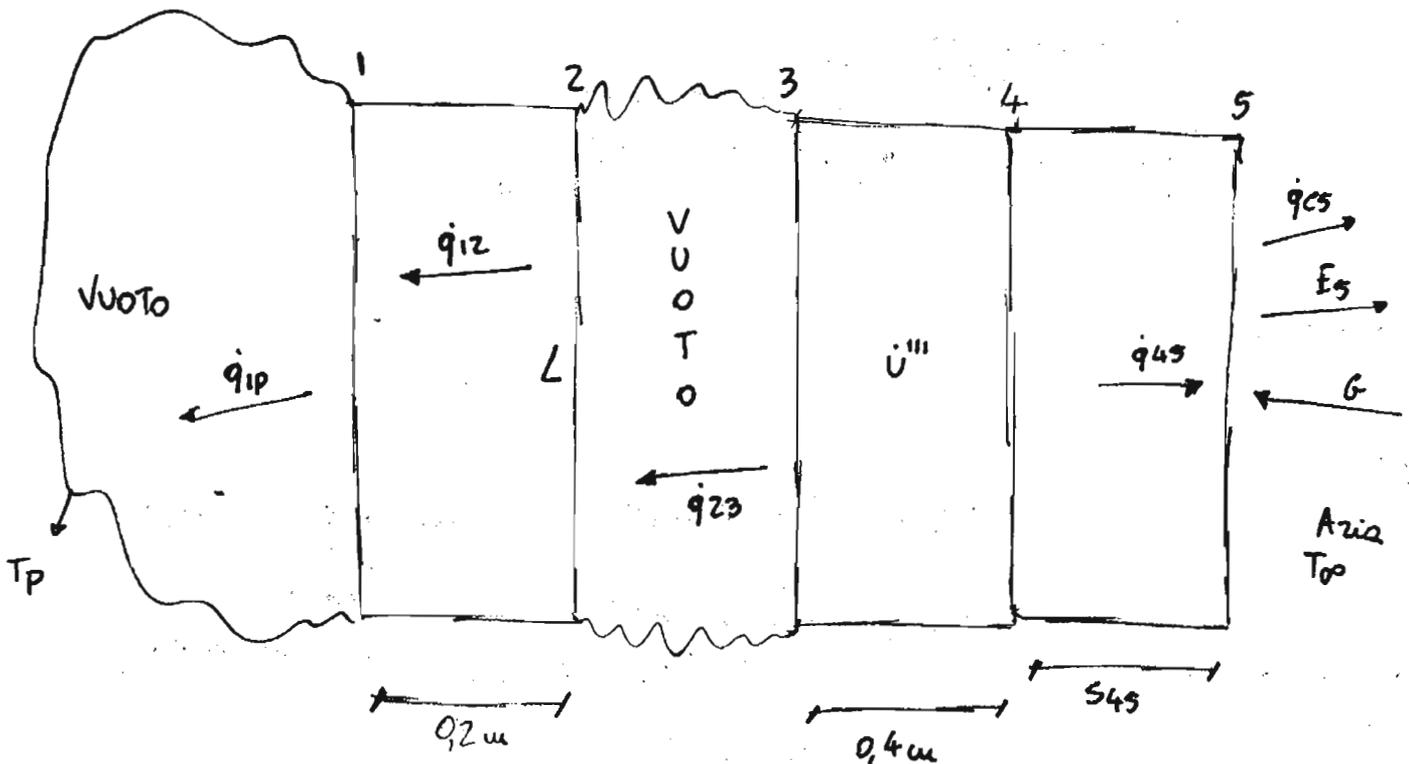
$$K = 0,029 \quad Nu = 0,53 Re^{1/4} = 42,6$$

$$Re = 41,9 \cdot 10^6$$

$$\rightarrow \dot{Q}_c = h_c A_1 (T_1 - T_{\infty}) = 390 \cdot L \quad W$$

$$\frac{\dot{Q}_c}{\dot{Q}_i} = 0,77$$

l'ambiente è visto
 $\dot{Q}_i = \text{come superficie nera} = \sigma_0 \epsilon_1 A_1 (T_1^4 - T_{loc}^4) = 503,6 \cdot L \quad W$



$S_{12} = 0,2 \text{ m}$
 $S_{34} = 0,4 \text{ m}$
 $L = 1,0 \text{ m}$

$K_{12} = 11 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
 $K_{45} = 0,600 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
 $T_{\infty} = 5,00^{\circ}\text{C}$

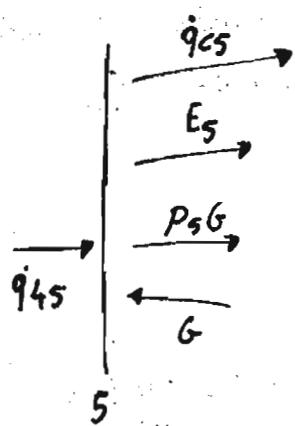
$K_{aria} = 0,0256 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
 $G = 600 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$

$\begin{cases} \epsilon_1 = 0,95 \\ \epsilon_2 = 0,7 \\ \epsilon_3 = 0,8 \\ \epsilon_5 = 1,0 \end{cases}$
 $\begin{cases} T_2 = 20^{\circ}\text{C} \\ T_4 = 101^{\circ}\text{C} \\ T_3 = 59^{\circ}\text{C} \\ T_5 = 35^{\circ}\text{C} \end{cases}$

$\dot{U}''' = ? \quad S_{45} = ? \quad T_p = ?$

CALCOLO S_{45}

(A) Bilancio su 5



$\dot{q}_{cs} = \bar{h}_{cs} (T_5 - T_{\infty}) = 112,6 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$
[uscite xK]
[$T_5 > T_{\infty}$]

Calcolo \bar{h}_{cs} : CONV. NATURALE - LASTRA VERTICALE
 $T_{\text{fil}} = \frac{T_5 + T_{\infty}}{2} = 20^{\circ}\text{C} \quad L_c = L = 1,0 \text{ m}$

$P_2 = 0,716 \quad f_2 = 4,4027 \cdot 10^{-9}$

$Re \rightarrow Re_c$
 $Re = 3,152 \cdot 10^9 \quad K = K_{aria} = 0,0256$
REGIME TURBOLENTO

$\bar{Nu} = 0,10 Re^{1/3} = 146,6$

$\bar{h}_{cs} = \frac{\bar{Nu} \cdot K}{L_c} = 3,75 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

$E_5 = \epsilon_5 \sigma T_5^4 = 510,3 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$

\downarrow
 $= 1$ si comporta come corpo nero

$\dot{q}_{45} = \frac{K_{45} (T_4 - T_5)}{S_{45}} = \frac{39,6}{x}$
[entrate xK]
[$T_4 > T_5$]

$p_5 G = 0$ xK abbiamo un corpo nero ($\epsilon_5 = 1 \quad p_5 = 1 - \epsilon_5 = 0$)

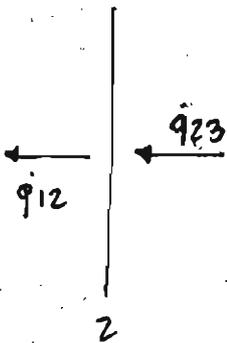
• Effettuiamo il bilancio:

$$G + \dot{q}_{45} = E_5 + \dot{q}_{25}$$

$$\frac{39,6}{x} = 22,9 \rightarrow \boxed{x = 1,7 \text{ m} = S_{45}}$$

(B) Calcolo T_p

Bilancio su 2



• \dot{q}_{23} = (irraggiamento tra 2 sup. grigie con $A_1 = A_2$)

$$\frac{\sigma (T_3^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\epsilon_3} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1} = 161,4 \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \quad \left[\begin{array}{l} \text{da 3 a 2} \\ \times K \ T_3 > T_2 \end{array} \right]$$

• \dot{q}_{12} , x ragioni di bilancio, è uguale a \dot{q}_{23} e va da 2 a 1

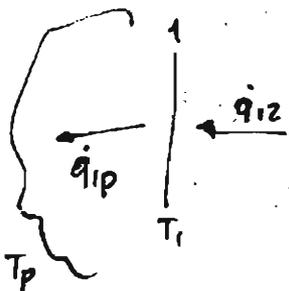
$$\dot{q}_{12} = 161,4 \text{ W/m}^2$$

esplicitando:

$$\dot{q}_{12} = K_{12} \frac{(T_2 - T_1)}{S_{12}} = 161,4 \quad T_1 = 17,0^\circ\text{C}$$

• Inoltre, la parete vista a T_p può essere vista come un corpo nero, mentre 1 è grigio.

Sappiamo, x un bilancio su 1 che quello che si scambia x conduzione (\dot{q}_{12}) è quello che si scambia x irraggiamento. Quindi:

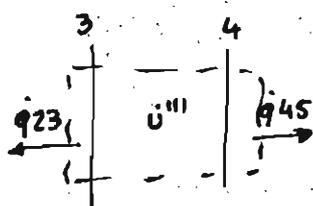


$$\dot{q}_{1p} = \dot{q}_{12} = 161,4 \text{ W/m}^2 = \sigma \epsilon_1 (T_1^4 - T_p^4)$$

$$T_p = \sqrt[4]{T_1^4 - \frac{161,4}{\sigma \epsilon_1}} = 252,6 \text{ K} = -20,3^\circ\text{C}$$

(C) CALCOLO \dot{u}'''

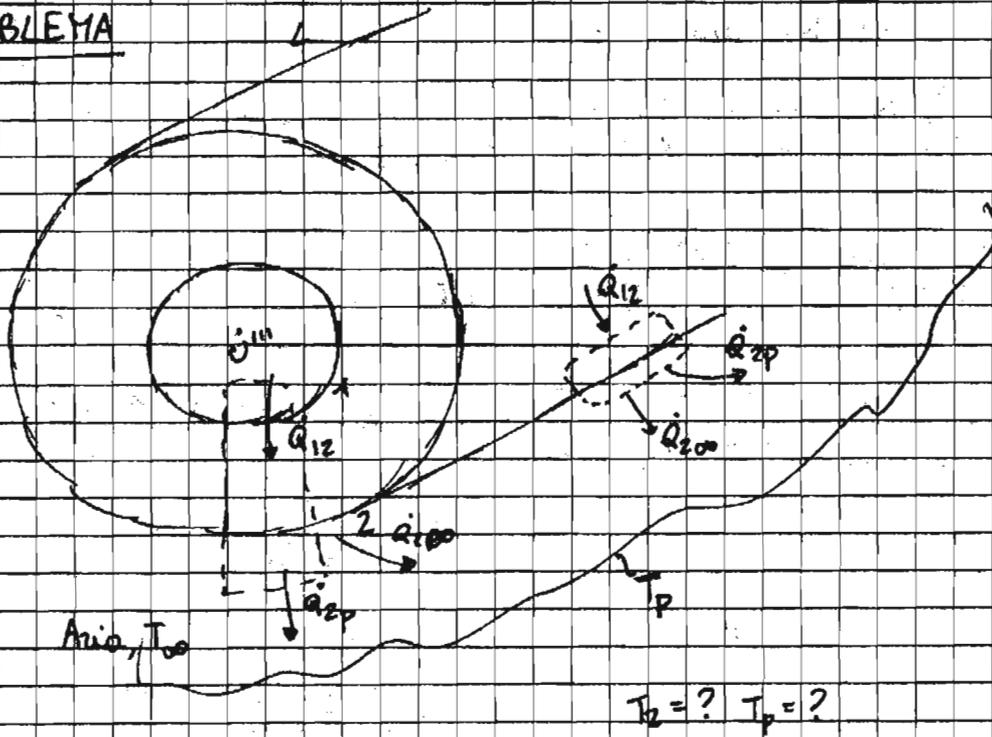
Effettuando un bilancio sull'intera lastra 3-4:



$$\dot{u}''' S_{34} = \dot{q}_{23} + \dot{q}_{45}$$

$$\dot{u}''' = 460,8 \text{ W/m}^3$$

PROBLEMA

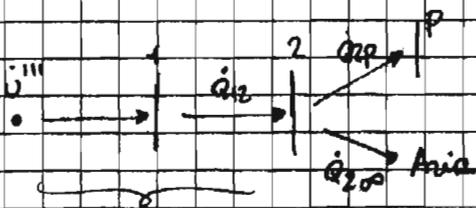


$D_1 = 10,0 \text{ cm}$
 $D_2 = 14,0 \text{ cm}$
 $T_{\infty} = 15^\circ \text{C}$
 $T_1 = 398^\circ \text{C}$
 $\epsilon_1 = \epsilon_2 = 0,142$
 $j''' = 37,0 \frac{\text{KW}}{\text{m}^3}$
 $L = 10,0 \text{ m}$

$T_2 = ? \quad T_p = ?$

Audiziamo gli scambi che avvengono:

j''' genera potenza che si trasmette per conduzione verso l'esterno. Arrivato sulla superficie esterna 1 si trasmette per irraggiamento a 2 , dalla quale si trasmette per convezione naturale all'aria e per irraggiamento alla parete.



$$\dot{q}_{12} = j''' V_1 = 37,0 \frac{\text{KW}}{\text{m}^3} \cdot \pi \frac{D_1^2}{4} L = 2,9 \text{ KW}$$

Inoltre la potenza per irraggiamento tra due cilindri coassiali ($F_{12} = 1$) si esplicita:

$$\dot{q}_{12} = \frac{\sigma (T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1-\epsilon_1}{\epsilon_1 A_1} + \frac{1}{A_1} + \frac{1-\epsilon_2}{\epsilon_2 A_2}} = \frac{\sigma (T_1^4 - T_2^4)}{3,6} = 2905 \text{ W}$$

$$T_2 = \left(\frac{2905 + \frac{\sigma T_1^4}{3,6}}{\frac{\sigma}{3,6}} \right)^{\frac{1}{4}} = 368 \text{ K} = 93^\circ \text{C}$$

Inoltre sappiamo che:

$$\dot{q}_{12} = \dot{q}_{200} + \dot{q}_{2p}$$

$$= h_2 A_2 (T_2 - T_{\infty}) + A_2 \epsilon_2 \sigma (T_2^4 - T_p^4) = 2900 \text{ W}$$

Ci sono due incognite, necessario calcolare h_2 prima di trovare T_p

Siamo in presenza di convezione naturale:

- per calcolare Nusselt, dobbiamo identificare la relazione sperimentale con Rayleigh: $\overline{Nu} = 0,53 Ra^{0,25}$

- poiché si è convezione naturale, calcoliamo i

parametri caratteristici dell'aria a $T_{if} = \frac{T_2 + T_{\infty}}{2} = 328 \text{ K}$

T_{if}	κ	ρ	$g \beta_{1/2}$	ν	Pr	$Ra = Gr \cdot Pr = 1,3 \cdot 10^7$
328	$2,93 \cdot 10^{-2}$	0,71	$8,58 \cdot 10^7$	$1,8 \cdot 10^{-7}$		

$$\overline{Nu} = 31,8$$

$$\overline{h}_c = \frac{\overline{Nu} \kappa}{L} = 6,43 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \text{K}}$$

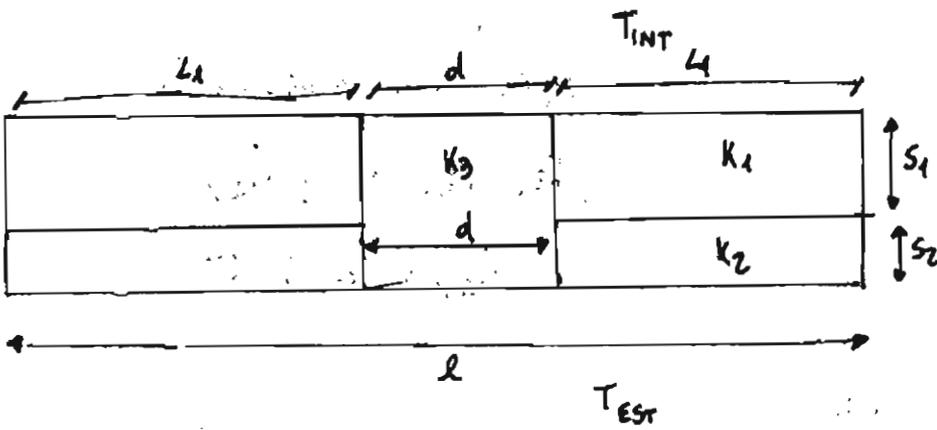
Conosciuta \overline{h}_c , calcoliamo T_p :

$$\frac{2900 - \overline{h}_c A_2 (T_2 - T_{\infty})}{A_2 \varepsilon_2 \sigma} + T_2^4 = T_p^4 = 270 \text{ K}$$

$$\overline{h}_c A_2 (T_2 - T_{\infty}) = 2402$$

$$A_2 \varepsilon_2 \sigma = 3,54 \cdot 10^{-8}$$

$$T_p^4 = 1,94 \cdot 10^{10}$$



- $h = 3 \text{ W/m}^2\text{K}$
- $l = 2,5 \text{ m}$
- $s_1 = 0,20 \text{ m}$
- $s_2 = 0,10 \text{ m}$
- $k_1 = 0,8 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
- $k_2 = 0,1 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$
- $d = 0,5 \text{ m}$
- $k_3 = 2,5 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$

$\dot{Q}_{TOT} = ?$ condensa INT = ?

EST $T_{EST} = 0^\circ\text{C}$

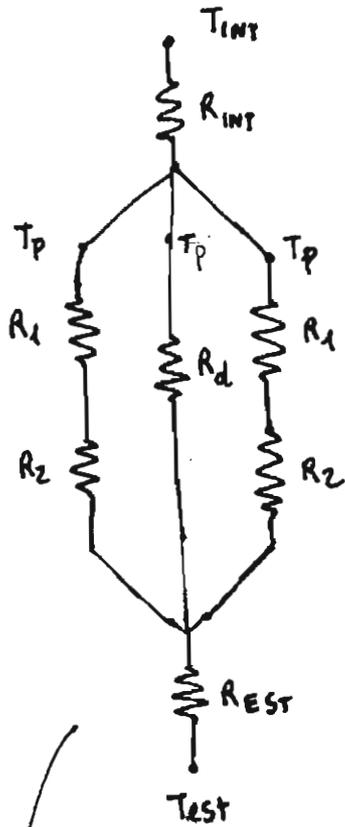
$h_{EST} = 25 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

INT: $T_{INT} = 20^\circ\text{C}$

HR = 60%

$h_{INT} = 7 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

Schematizziamo il problema di trasmissione con l'analoga con Ohm:



$$L_1 = \frac{l-d}{2} = 1 \text{ m}$$

$$R_1 = \frac{s_1}{k_1 A} = \frac{s_1}{k_1 L_1 h} = 0,083 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

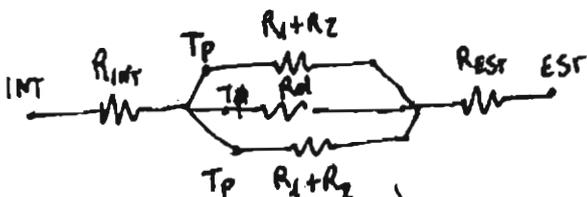
$$R_2 = \frac{s_2}{k_2 A} = \frac{s_2}{k_2 L_1 h} = 0,33 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_d = \frac{s_1 + s_2}{k_3 A} = \frac{0,3}{2,5 \cdot d \cdot h} = 0,08 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_{INT} = \frac{1}{h_{INT} A} = 0,019 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_{EST} = \frac{1}{h_{EST} A} = 5,33 \cdot 10^{-3} \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

Calcoliamo la resistenza equivalente



$$R_{eq} = R + R_{INT} + R_{EST} = 0,082 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1 + R_2} + \frac{1}{R_d} + \frac{1}{R_1 + R_2} \Rightarrow R = 0,0577$$

Calcoliamo la temperatura
della parete interna:

$$T_p = 15,4 \text{ } ^\circ\text{C}$$



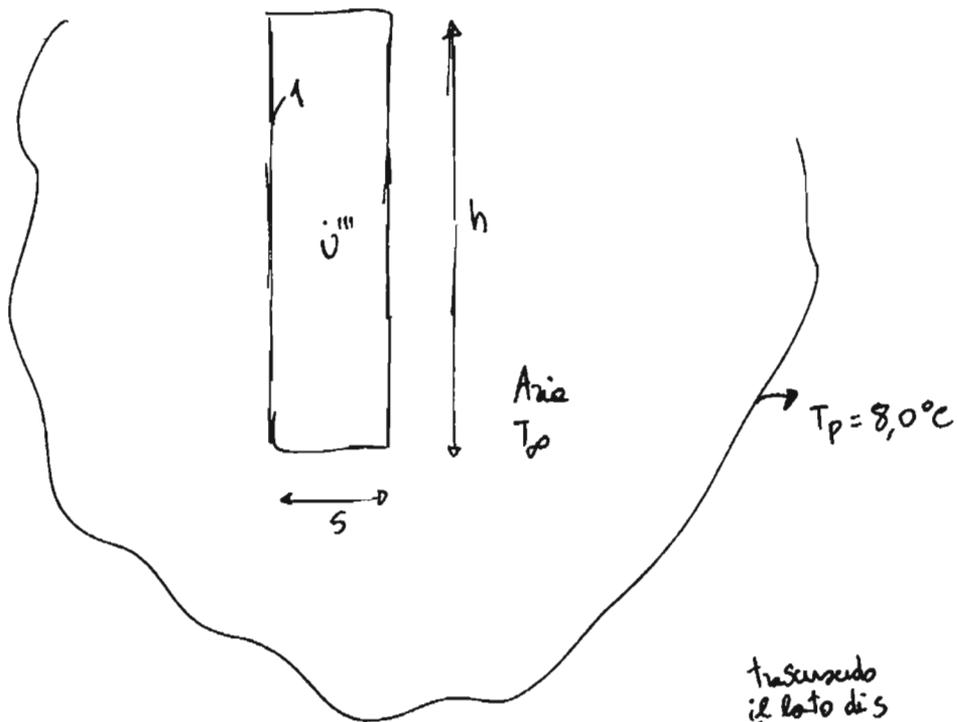
Utilizzando il diagramma psicrometrico
notiamo che il raffreddamento a
titolo costante fino a $T_p = 15,4 \text{ } ^\circ\text{C}$
porta $\phi = 80\% \Rightarrow$ NO CONDENSA

↓
Applicando l'analoga equazione

$$(T_{INT} - T_{EST}) = R_{eq} \dot{Q}_{TOT}$$

$$\therefore \dot{Q}_{TOT} = 243,9 \text{ W}$$

Es. 7.16



$$T_p = 20^\circ\text{C}$$

$$h = 1,5\text{ m}$$

$$L (\text{profondità}) = 2\text{ m}$$

$$s = 0,03\text{ m}$$

$$\dot{U}''' = 1,0 \text{ MW/m}^3$$

$$k_{12} = 20,0 \text{ W/mK}$$

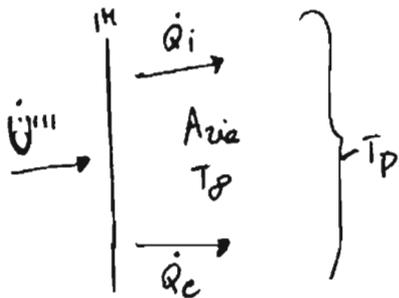
$$h_1 \text{ affluenti } T_1 = 500^\circ\text{C}$$

$$\dot{Q}_i, \dot{Q}_c, \epsilon_1 = ?$$

$$[\text{sol.: } h_1 = 8,5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}, \epsilon = 0,59]$$

In questo caso la potenza termica è trasmessa
da ogni lato della piastra: Uniscendo in una
sola superficie immaginaria

trascurando
il lato di s



$$\dot{U}''' = \dot{U}''' V = \dot{Q}_c + \dot{Q}_i$$

$$90000 = h_1 A_{1M} (T_1 - T_p) + A_{1M} \sigma \epsilon_1 (T_1^4 - T_p^4)$$

$$A_{1M} = 2hL = 6\text{ m}^2$$

$$\text{Inoltre } \dot{Q}_K = \frac{k_{12}}{s}$$