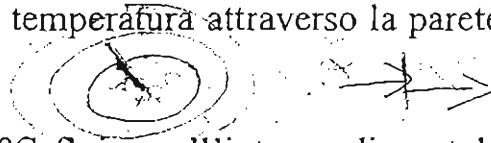


ESERCIZI NON SVOLTI

1) Una parete separa un ambiente interno in cui l'aria è a $25\text{ }^{\circ}\text{C}$ dall'ambiente esterno in cui l'aria è a $0\text{ }^{\circ}\text{C}$. La parete è costituita da uno strato di 15 cm con conducibilità pari a $0,72\text{ W/mK}$ e da uno strato di 10 cm con conducibilità di $0,40\text{ W/mK}$. L'area della parete è 23 m^2 . Sapendo che le conduttanze globali unitarie interna ed esterna sono rispettivamente pari a $8,0\text{ W/m}^2\text{K}$ e $20\text{ W/m}^2\text{K}$, calcolare la potenza termica dispersa attraverso la parete. *OK*

Volendo dimezzare la potenza termica che attraversa la parete si pensa di interporre tra i due strati uno strato di materiale isolante caratterizzato da una conducibilità termica di $0,04\text{ W/mK}$. Calcolare lo spessore dello strato di materiale isolante.

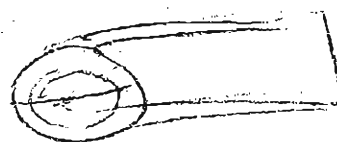
Disegnare qualitativamente l'andamento della temperatura attraverso la parete nei due casi. [Ris. 908 W ; $2,5\text{ cm}$]



2) Del vapore acqueo alla temperatura di $150\text{ }^{\circ}\text{C}$ fluisce all'interno di un tubo di acciaio del diametro interno di $6,0\text{ cm}$ e dello spessore di $4,0\text{ mm}$. Il tubo, lungo $2,5\text{ m}$, è isolato con uno strato di lana di vetro dello spessore di $2,0\text{ cm}$ ed è immerso in aria alla temperatura di $18\text{ }^{\circ}\text{C}$. Si valuti la potenza termica dispersa attraverso il condotto assumendo una conducibilità termica di $60,5\text{ W/mK}$ per l'acciaio e di $0,076\text{ W/mK}$ per il materiale isolante. Siano infine rispettivamente pari a $100\text{ W/m}^2\text{K}$ e a $3,0\text{ W/m}^2\text{K}$ le conduttanze unitarie globali di scambio termico parete-vapore e parete-aria. Calcolare inoltre le temperature dell'interfaccia acciaio-materiale isolante e della superficie esterna dell'isolante. [Ris. 165 W ; $T_{\text{inter.}} = 147\text{ }^{\circ}\text{C}$; $T_{\text{sup.}} = 83\text{ }^{\circ}\text{C}$]

3) La superficie interna di una tubazione di acciaio (conducibilità pari a 37 W/mK) del diametro interno di 16 cm e spessore 25 mm , è a $314\text{ }^{\circ}\text{C}$. La tubazione è posta in aria a $20\text{ }^{\circ}\text{C}$. La conduttanza globale unitaria relativa allo scambio termico superficie esterna del cilindro-aria vale $18\text{ W/m}^2\text{K}$. Calcolare lo spessore di materiale isolante (conducibilità termica pari a $0,6\text{ W/mK}$) da impiegare per ridurre del 30% la potenza termica dispersa attraverso la tubazione. [Ris. 22 mm]

4) Un conduttore elettrico cilindrico di raggio 10 mm e lungo $1,3\text{ m}$ viene isolato con una guaina cilindrica di materiale di conducibilità termica pari a $0,35\text{ W/mK}$. Si determini per quale spessore dell'isolante si massimizza la potenza termica



dispersa se la conduttanza unitaria globale esterna vale $12 \text{ W/m}^2\text{K}$. Si valuti la potenza termica massima dispersa supponendo che la temperatura del conduttore sia pari a $250 \text{ }^\circ\text{C}$ e che esso è posto in aria a $20 \text{ }^\circ\text{C}$. [Ris. 19 mm ; 317 W]

5) Una sfera di ferro ($k = 80,0 \text{ W/mK}$, $c = 440 \text{ J/kgK}$ e $\rho = 7870 \text{ kg/m}^3$) è sottratta da un forno ed è posta in aria a $16,0 \text{ }^\circ\text{C}$. Sapendo che il diametro della sfera è di $15,0 \text{ cm}$, che la sua temperatura, nell'istante iniziale in cui la sfera è sottratta dal forno, è di $250 \text{ }^\circ\text{C}$ e che la conduttanza globale unitaria vale $6,5 \text{ W/m}^2\text{K}$, calcolare:

a) dopo quanto tempo la sfera raggiunge la temperatura di $40,0 \text{ }^\circ\text{C}$;

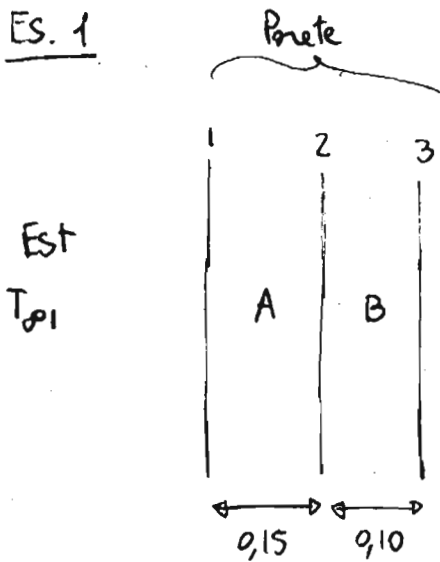
[Ris. $8,4 \text{ h}$]

b) l'energia termica ceduta fino a quel momento all'ambiente esterno.

[Ris. $1,29 \text{ MJ}$]

6) Una sfera metallica del diametro di $8,0 \text{ cm}$, inizialmente alla temperatura di $10 \text{ }^\circ\text{C}$, viene fatta lambire da aria a $45 \text{ }^\circ\text{C}$. Per effetto dello scambio termico con l'aria la temperatura della sfera aumenta di $12 \text{ }^\circ\text{C}$ in 120 s . Si determini il valore della conduttanza globale unitaria assumendo per il materiale che costituisce la sfera le seguenti proprietà termofisiche: conducibilità termica 425 W/mK , densità 10500 kg/m^3 , calore specifico 235 J/kgK . [Ris. $115 \text{ W/m}^2 \text{ K}$]

ES. 1



$$T_{\infty 1} = 0^{\circ}\text{C} \quad T_{\infty 3} = 25^{\circ}\text{C}$$

$$s_{12} = 0,15 \text{ m} \quad k_A = 0,72 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$s_{23} = 0,10 \text{ m} \quad k_B = 0,40 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$A_{\text{parete}} = 23 \text{ m}^2$$

$$h_1 = 20 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}} \quad h_3 = 8,0 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$$

$$\dot{Q} = ?$$

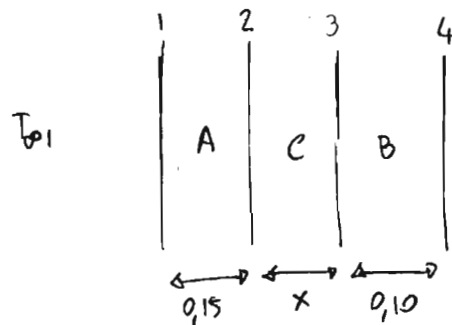
Possiamo sfruttare la legge generalizzata:

$$\Delta T = R_e \dot{Q} \quad A = A_{\text{parete}} \quad R_e = \text{resistenza globale equivalente}$$

$$R_e = \frac{1}{h_1 A} + \frac{s_{12}}{k_A A} + \frac{s_{23}}{k_B A} + \frac{1}{h_3 A} = \frac{1}{A} (0,05 + 0,21 + 0,25 + 0,13) = 0,0278 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$\dot{Q} = \frac{T_{\infty 3} - T_{\infty 1}}{R_e} = 900 \text{ W}$$

Caso B Introdurremo un isolante tra A e B - Calcolo spessore affinché $\dot{Q}' = \dot{Q}/2$



$$k_c = 0,04 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$\text{Abbiamo } \dot{Q}' = 450 \text{ W} \quad \text{e} \quad \Delta T = R_e \cdot \dot{Q}' \Rightarrow R_e = \frac{\Delta T}{\dot{Q}'} = 0,056 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

La R_e vale:

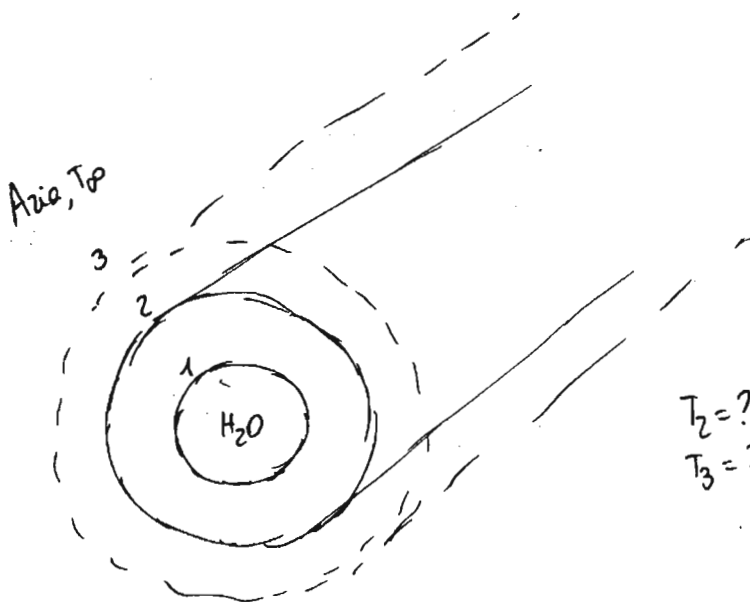
$$R_e = \frac{1}{A} \left(\frac{1}{h_1} + \frac{s_{12}}{k_A} + \frac{s_{23}}{k_c} + \frac{s_{34}}{k_B} + \frac{1}{h_3} \right) = \frac{1}{A} \left(0,64 + \frac{x}{0,04} \right) = 0,056$$

$$\frac{x}{0,04} = 0,648 \quad x = 0,0259 \text{ m}$$

$$\Downarrow$$

$$2,6 \text{ cm}$$

Es. 2



$$T_{H_2O} = 150^\circ\text{C} \quad L = 2,5 \text{ m}$$

$$r_1 = 0,03 \text{ m}$$

$$r_2 = 0,034 \text{ m}$$

$$r_3 = 0,054 \text{ m}$$

$$T_{\infty} = 18^\circ\text{C}$$

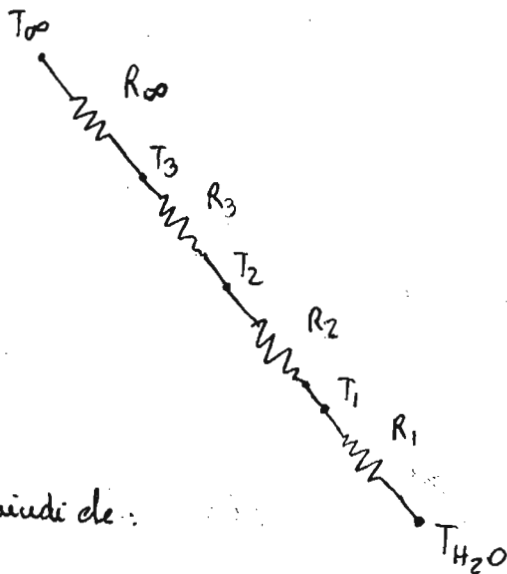
$$k_{12} = 60,5 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$k_{23} = 0,076 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$h_1 = 100 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$$

$$h_3 = 3,0 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$$

Schematizziamo la struttura come una serie di resistenze termiche:



$$R_1 = \frac{1}{h_1 A_1} = \frac{1}{h_1 2\pi r_1 L} = 0,0212 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_2 = \frac{\log r_2/r_1}{2\pi k_{12} L} = 1,32 \cdot 10^{-4} \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_3 = \frac{\log r_3/r_2}{2\pi k_{23} L} = 0,388 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_{\infty} = \frac{1}{h_3 A_3} = \frac{1}{h_3 2\pi r_3 L} = 0,393 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_{\text{equivalente}} = R_1 + R_2 + R_3 + R_{\infty} = 0,802 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

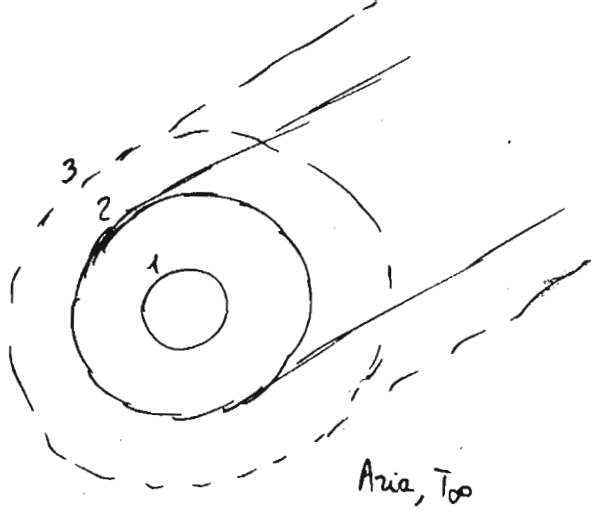
Sappiamo quindi che:

$$\Delta T = R_{\text{eq}} \dot{Q}$$

$$\dot{Q} = \frac{\Delta T}{R_{\text{eq}}} = \frac{T_{H_2O} - T_{\infty}}{R_{\text{eq}}} = 165 \text{ W}$$

Andiamo singolarmente la resistenza R_{∞} : $\Delta T = R_{\infty} \dot{Q} \Rightarrow T_3 - T_{\infty} = R_{\infty} \dot{Q} = 64,85$
 $T_3 = 82,85^\circ\text{C}$

Andiamo singolarmente la resistenza R_3 : $\Delta T = R_3 \dot{Q} \Rightarrow T_2 - T_3 = R_3 \dot{Q} = 64,02$
 $T_2 = 146,9^\circ\text{C}$



$T_{oo} = 20^\circ\text{C}$

$r_1 = 0,08\text{ m}$

$r_2 = 0,105\text{ m}$

$h_3 = 18 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

$T_1 = 314^\circ\text{C}$

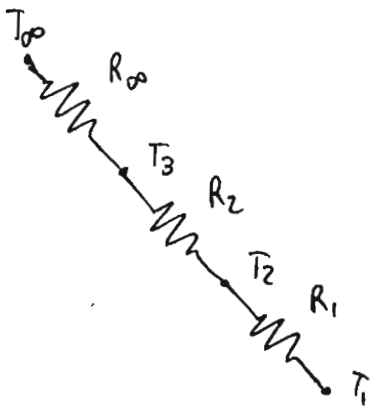
$S_{23} = x$

$K_{12} = 37 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$

$K_{23} = 0,6 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$

- Determinare x in modo da ridurre \dot{Q} del 30%

Schematizziamo il cilindro come serie di resistenze



$R_1 = \frac{\log r_2/r_1}{2\pi K_{12} L} = \frac{1,17 \cdot 10^{-3}}{L}$

$R_2 = \frac{\log r_3/r_2}{2\pi K_{23} L} = ?$

$R_{oo} = \frac{1}{h_3 2\pi r_3 L} = ?$

Se non ci fosse isolante: $r_3 = r_2$
 $R_2 = 0$ $S_{23} = 0$
 $R_{oo} = \frac{0,0842}{L}$

ⓑ

Cu il materiale isolante:

possiamo $\dot{Q}' = \dot{Q} \cdot 0,7 = 2411 \cdot L$

$\Delta T = R_e \cdot \dot{Q} = 294$

$R_1 + R_2 + R_{oo} = \frac{0,122}{L}$

$\frac{1,17 \cdot 10^{-3}}{K} + \frac{\log r_3/r_2}{2\pi K_{23} K} + \frac{1}{h_3 2\pi r_3 K} = \frac{0,122}{K}$

$0,265 [\log r_3 + 2,254] + \frac{8,842 \cdot 10^{-3}}{r_3} = 0,121$

$\log r_3 + 2,254 + \frac{0,0334}{r_3} = 0,457$

$r_3 \log r_3 + 1,797 r_3 = -0,0334$

risolto a PC con Drive:

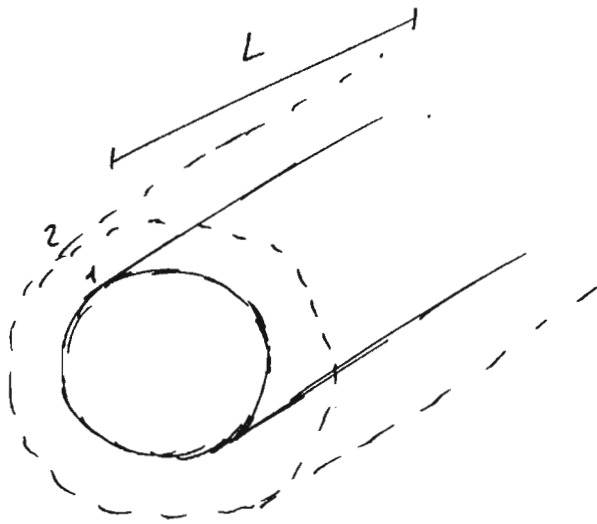
$r_3 = 0,128\text{ m}$

$S_{23} = r_3 - r_2 = 0,023\text{ m}$

Lo spessore del materiale isolante è 23 mm

Es. u° 4

Aria, T_a



$$\begin{aligned} r_1 &= 0,01 \text{ m} \\ L &= 1,3 \text{ m} \\ k_{12} &= 0,35 \text{ W/mK} \\ h_2 &= 12 \text{ W/m}^2\text{K} \end{aligned}$$

La potenza termica dispersa si massimizza quando la resistenza è la minima possibile:

$$\dot{Q} = \frac{\Delta T}{R_e} \quad R_{e \text{ min}} \Rightarrow \dot{Q}_{\text{MAX}}$$

È necessario Determinare r_2 dell'isolante al variare della resistenza:

$$R_e = \frac{\log r_2 / r_1}{2\pi k_{12} L} + \frac{1}{h_2 2\pi r_2 L}$$

Poniamo $r_2 = x$

$$R_e = \frac{\log x - \log r_1}{2\pi k_{12} L} + \frac{1}{h_2 2\pi x L}$$

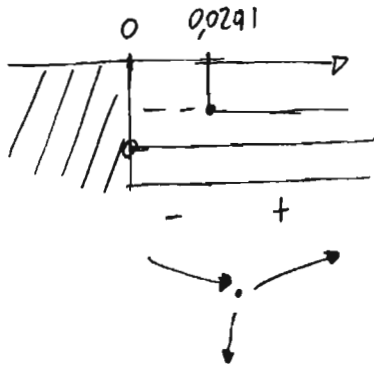
$$\Rightarrow R_e' = \frac{1}{2\pi k_{12} L} \left(\frac{1}{x} \right) - \frac{1}{2\pi h_2 L x^2} \geq 0$$

Semplifichiamo $2\pi L$

$$\frac{2,86}{x} - \frac{1}{12x^2} \geq 0$$

$$\frac{34,32x - 1}{12x^2} \geq 0$$

$$\begin{aligned} x &\geq 0,0291 \text{ m} \\ x &\neq 0 \\ x &> 0 \text{ (limite fisico)} \end{aligned}$$



La $R_{e \text{ MIN}}$ si ottiene per $r_2 = 0,0291 \text{ m}$

\Downarrow
 $s_{12} = (\text{spessore isolante}) = 0,0191 \text{ m} = 1,91 \text{ cm}$
 con questo spessore si ha la max potenza termica dispersa

Fase 2

Se $T_1 = 250^\circ\text{C}$ e $T_a = 20^\circ\text{C}$

$$\dot{Q}_{\text{MAX}} = \frac{\Delta T}{R_{e \text{ MIN}}} = \frac{230}{\left(\frac{\log x - \log r_1}{2\pi k_{12} L} + \frac{1}{h_2 2\pi x L} \right) \Big|_{x=0,0291}} = \frac{230}{0,724} \approx 318 \text{ W}$$

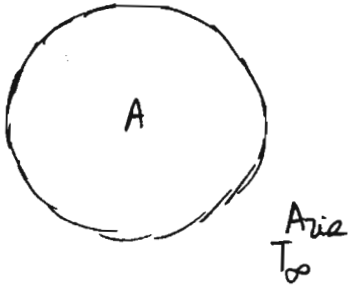
A sfera

$$k_A = 80,0 \frac{\text{W}}{\text{mK}} \quad c = 440 \frac{\text{J}}{\text{kgK}}$$

$$\rho = 7870 \text{ kg/m}^3$$

$$T_\infty = 16,0^\circ\text{C} \quad \gamma_A = 0,075 \text{ m}$$

$$T_i = 250^\circ\text{C} \quad h_A = 6,5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$$



- Δt affinché $T = 40,0^\circ\text{C}$
- ΔE adotta in Δt .

Calcoliamo il numero di Biot:

$$Bi = \frac{h_A L_c}{k_A} = 6,09 \cdot 10^{-3} \ll 0,1$$

OK è possibile applicare la formula:

$$\frac{T - T_\infty}{T_i - T_\infty} = e^{-\frac{d}{\gamma}}$$

$$\gamma = \frac{\rho c V}{h_A A} = 13300 \frac{1}{\text{s}}$$

$$T = 40^\circ\text{C}$$

$$\downarrow$$

$$0,103 = e^{-\frac{d}{13300}}$$

$$-2,28 = -\frac{d}{13300} \Rightarrow d = 30324 \text{ s} = 8,4 \text{ h}$$